

## 宇田雄一「古典物理学」

$e_4$ には万有引力を表す項があるために、 $e^{R_4}$ の定義は $e^{R_5}$ と全く同じというわけには行かない。 $e^{R_4}$ を定義するに先立って、その準備として $e'_2$ を以下のように定義する。

$$\forall n \in \mathbb{N}; \forall f \in F_{2,n}; \forall E \in F_3; \forall m \in \mathbb{R}(2 \times \{1, \dots, n\});$$

$$\forall m' \in \mathbb{R}(\{1, \dots, n\}); \text{【1】 and 【2】}$$

$$【1】 n=1 \Rightarrow [e'_2(f, E, m, m') \Leftrightarrow e_2(f, E, m)]$$

$$【2】 n \geq 2 \Rightarrow [e'_2(f, E, m, m') \Leftrightarrow \text{【3】}]$$

$$【3】 \forall p \in P_n; \forall g \in F_{4, n-1}; \forall M \in \mathbb{R}(\{1, \dots, n-1\}); \text{【3a】} \Rightarrow \text{【3b】}$$

$$【3a】 g(N_3) = E \text{ and } [\forall (t, i, k) \in N_{2, n-1}; g(t, i, k) = f(t, i, p(k))]$$

$$\text{and } \forall k \in \{1, \dots, n-1\}; M(k) = m'(p(k))$$

$$【3b】 e_1(f(\square, \square, p(n)), g, M, m(\square, p(n)))$$

さらに、 $e'^4(f, m, m')$ を以下のように定義する。

$$\forall n \in \mathbb{N}; \forall f \in F_{4, n}; \forall m \in \mathbb{R}(2 \times \{1, \dots, n\}); \forall m' \in \mathbb{R}(\{1, \dots, n\});$$

$$e'^4(f, m, m') \Leftrightarrow [e'_2(f(N_{2, n}), f(N_3), m, m') \text{ and } e_3(f(N_3), f(N_{2, n}), m(2, \square))]$$

この $e'^4(f, m, m')$ を使って、 $e^{R_4}(f, m)$ を以下のように定義できる。

$$\forall f \in F_{4, n}; \forall m \in \mathbb{R}(2 \times \{1, \dots, n\});$$

$$e^{R_4}(f, m) \Leftrightarrow [\exists g \in F_{4, n}(\mathbb{R}); \text{【1】 and 【2】}]$$

$$【1】 \forall a > 0; e'^4(g(a), \omega(m, a), m(1, \square); a)$$

$$【2】 \lim_{a \rightarrow +0} g(a) = f$$

ただし、 $e'^4(f, m, m'; a)$ は、 $e'^4(f, m, m')$ のデルタ関数を $\Delta(a)$ に取り替えて得られるものだ。定義を改良したにも関わらず、 $n \geq 2$ の場合には $e^{R_4}(\square, m)$ は解を持たない。これは、 $e_3(\square, \square, m(2, \square))$ がローレンツ共変性を持つのに $e'_2(\square, \square, m, m')$ はローレンツ共変性(§2-3-2)を持たないという事情による。