

言い換えると、 $U$ の下で $\Omega$ が弱一体性を持つとは、以下の条件【1】【2】が共に成り立つことだ。

【1】  $\forall u \in U$ ; ( $u$ の下で $\Omega$ が弱絶対性を持つ)

【2】  $\forall \Omega' \subset \Omega$ ; [ $\Omega' \neq \Omega \Rightarrow \exists u \in U$ ; not( $u$ の下で $\Omega'$ は弱絶対性を持つ)]

$U$ の下で $\Omega$ が強一体性を持つとは、以下の条件【1】【2】が共に成り立つことだ。

【1】  $\forall u \in U$ ; ( $u$ の下で $\Omega$ が強絶対性を持つ)

【2】  $\forall \Omega' \subset \Omega$ ; [ $\Omega' \neq \Omega \Rightarrow \exists u \in U$ ; not( $u$ の下で $\Omega'$ は弱絶対性を持つ)]

### 絶対性と一体性の判定の練習

$A = \mathbb{R}$ ,  $B = \mathbb{3}$ という特別な場合について、 $A(B)$ から $A(B)$ への六つの写像  $i, j, k, l, m, n$  を以下のように定義する。ただし、この定義はこの場限りのものとする。

$\forall x \in \mathbb{R}(\mathbb{3})$ ;

$$\begin{cases} [i(x)](1) = [x(3)]^3 + x(3) \\ [i(x)](2) = -x(1) \\ [i(x)](3) = x(2) |x(2)| \end{cases}$$

$$\begin{cases} [k(x)](1) = x(1) + x(2) + x(3) \\ [k(x)](2) = x(1) - x(3) \\ [k(x)](3) = x(2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} [m(x)](1) = x(1) + x(2) \\ [m(x)](2) = x(2) + x(3) \\ [m(x)](3) = x(3) + x(1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} [j(x)](1) = x(2) \\ [j(x)](2) = x(1) + x(2) \\ [j(x)](3) = x(3) \end{cases}$$

$$\begin{cases} [l(x)](1) = x(1) + x(2) \\ [l(x)](2) = x(1) - x(2) \\ [l(x)](3) = x(3) \end{cases}$$

$$\begin{cases} [n(x)](1) = x(1) + x(2) + x(3) \\ [n(x)](2) = x(1) + x(2) - x(3) \\ [n(x)](3) = x(1) - x(2) + x(3) \end{cases}$$

すると、絶対性と一体性の具体的状況は次の四つの表のごとくになる。