

統一の定義

T を自然の準マッハ模型とするとき、

- ⑨ 歴史に関して、 $\Omega \subset \mathcal{N}$ が T の下で統一されているとは、 \mathcal{V}_T の下で Ω が一体性を持つことを言う。

T が擬場形式の理論であり、 $\mathcal{N} = \mathbb{R}(B) \times A$ とすると、

- ⑩ 場に関して、 $\Omega \subset A$ が T の下で統一されているとは、以下の条件が成り立つことだ。

$$\exists V \in [[A \rightarrow \mathbb{R}(\mathbb{R}(B))] \rightarrow \mathbb{R}(\mathbb{R}(B) \times A)]; \text{【1】 and 【2】}$$

$$\text{【1】 } \forall f \in [A \rightarrow \mathbb{R}(\mathbb{R}(B))]; \forall \xi \in \mathbb{R}(B); \forall i \in A;$$

$$[V(f)](\xi, i) = [f(i)](\xi)$$

$$\text{【2】 } \{V^{-1} v \mid v \in \mathcal{V}_T\} \text{ の下で } \Omega \text{ が一体性を持つ。}$$

- ⑪ 時空点に関して、 $\Omega \subset B$ が T の下で統一されているとは、

$[\exists U: \text{集合}; \text{【1】 and 【2】 and 【3】}]$ が成り立つことを言う。

【1】 U の元はすべて、 $\mathbb{R}(B)$ から $\mathbb{R}(B)$ の上への一対一写像だ。

【2】 U の下で Ω が一体性を持つ。

【3】 $\forall u \in U; \exists v \in \mathcal{V}_T; \forall \xi \in \mathbb{R}(B); \forall \varepsilon > 0; \exists \varepsilon' > 0;$

$\forall f, g \in \mathcal{F}; \text{【3a】} \Rightarrow \text{【3b】}$

【3a】 $\forall (\xi', i) \in \mathcal{N};$

$$[\exists j \in B; |\xi'(j) - \xi(j)| > \varepsilon'] \Rightarrow f(\xi', i) = g(\xi', i)$$

【3b】 $\forall (\eta, i) \in \mathcal{N};$

$$[\exists j \in B; |u(\xi)(j) - v(f)(j)| > \varepsilon] \Rightarrow [v(f)(\eta, i) = v(g)(\eta, i)]$$

ここで的一体性は、弱一体性かまたは強一体性を指すものとし、弱一体性を使って定義された統一を弱統一、強一体性を使って定義された統一を強統一と呼ぶことにする。歴史に関してであろうが、場に関してであろうが、時空点に関してであろうが、大雑把に言って \mathcal{V}_T が大きければ大きいほど、大きな Ω が統一される。