

宇田雄一「古典物理学」

【2】 $\forall \xi \in N_{\circ 1}; \forall k \in \{1, \dots, m\}; \forall Q: \text{質点}; [2a] \Rightarrow [2b]$

【2a】 $\xi(3) = f(\xi(\{4\}), 3, k) \text{ and } Q = P'_{\circ k}$

【2b】 $S(\xi)$ に $Q$ が実在する

【3】 $\forall \xi \in N_{\circ 1}; \forall Q: \text{質点}; \text{not}[\exists k \in \{1, \dots, m\}; [3a]] \Rightarrow [3b]$

【3a】 $\xi(3) = f(\xi(\{4\}), 3, k) \text{ and } Q = P'_{\circ k}$

【3b】 $S(\xi)$ に $Q$ が実在しない

8  $\{h_4(P'_{\circ 1}, \dots, P'_{\circ m}; f; S, U) | m \in \mathbb{N} \text{ and } (P'_{\circ 1}, \dots, P'_{\circ m} \text{ はいずれも質点だ}) \text{ and } f \in F_{4, m} \text{ and } (S \text{ は時空座標系だ}) \text{ and } (U \text{ は電磁座標系だ})\}$   
の元を歴史と呼ぶこととする。

9  $\exists S: \text{時空座標系}; \exists U: \text{電磁座標系}; \exists m \in \mathbb{R}(2 \times \{1, \dots, n\}); \forall f \in F_{4, n};$   
〔〔 $h_4(P_1, \dots, P_n; f; S, U)$ が可能だ〕 $\Leftrightarrow e_4(f, m)$ 〕 and [U(0)=空]

10 そのような $S, U, m$ に対して、 $(S, U)$ を絶対静止系と呼び、

$\forall k \in \{1, \dots, n\}; [m(1, k) \text{ を } P_k \text{ の } (S, U) \text{ 的な質量座標、}$

$m(2, k) \text{ を } P_k \text{ の } (S, U) \text{ 的な電荷座標と呼ぶこととする}]$

経験文は1 3 5 9、恣意文は2 4 6 7 8 10、自明文は無い。「歴史」という語が7 8で定義され、「質量」「電荷」という文字列を部分として含む単語の用法が10で定められている。絶対静止系も10で定義されている。ここに挙げた質量の定義は、マッハの質量定義案よりも厳密だ。マッハは電磁場を考え落している。しかし、T<sub>4</sub><sup>2</sup>で質量定義の問題が解決されたと言うよりは、この問題の不毛さをT<sub>4</sub><sup>2</sup>で目の当たりにする、と言った方が正確だろう。マッハなら、電磁場も定義を必要とし、電磁場の定義が質量の定義とは独立に与えられてない以上、電磁場の値という語を用いる質量定義は不満足なものだ、と言うだろう。さて、マッハの質量定義案とは以下のものだ。

「比較用の物体Aがある物体の作用によって得る加速度が、その物体がAの反作用によって得る加速度の $m$ 倍であるとき、その物体の質量はAの質量を単位として $m$ であるとする」マッハ力学 200ページより。