

2-1-2 物理理論の具体例

これから物理理論の具体例を紹介する。各理論で用いられている数学用語の定義は、主に§2-1-Aにあるが、そこに無いものについては、巻末の索引で探して下さい。

質点の力学

以下の文章を $T_1(P; Q_1, \dots, Q_n; Z; S, U, I, J)$ と呼ぶことにする。ただし、 $n \in \mathbb{N}$, $Z \in F_{4, n}$ とする。

- 1** P, Q_1, \dots, Q_n はいずれも質点だ。 **2** 時空点全体の集合を時空と呼ぶことにす
る。 **3** N_0 から時空の上への一対一写像が存在する。 **4** そのような写像を時空座
標系と呼ぶことにする。 **5** \mathbb{R}_+ から質量全体の集合の上への一対一写像が存在する。
6 そのような写像を質量座標系と呼ぶことにする。 **7** \mathbb{R} から電荷全体の集合の上
への一対一写像が存在する。 **8** そのような写像を電荷座標系と呼ぶことにする。
9 F_3 から電磁場の値全体の集合の上への一対一写像が存在する。 **10** そのような写
像を電磁座標系と呼ぶことにする。 **11** S は時空座標系だ。 **12** U は電磁座標系だ。
13 I は質量座標系だ。 **14** J は電荷座標系だ。 **15** (S, U, I, J) はガリレイ系だ。
16 空は電磁場の値だ。 **17** $U(0) = \text{空}$
18 $\forall \xi \in N_0; \forall P': \text{時空点}; [P' = S(\xi)] \Rightarrow$
[ξ (4) を P' の時刻と呼び、 ξ (3) を P' の空間座標と呼ぶこと]
19 $\forall m \in \mathbb{N}; \forall P'_1, \dots, P'_m; \forall I', J';$
[$\mu(P'_1, \dots, P'_m; I', J')$ を次式で定義する。

$$\mu(P'_1, \dots, P'_m; I', J') \in \mathbb{R}(2 \times \{1, \dots, m\}) \text{ and}$$

$$[\forall k \in \{1, \dots, m\}; I'([\mu(P'_1, \dots, P'_m; I', J')](1, k)) = (P'_k \text{ の質量})$$

$$\text{and } J'([\mu(P'_1, \dots, P'_m; I', J')](2, k)) = (P'_k \text{ の電荷})]$$